



Series #CDBA/S

SET~3

रोल नं.					
Roll No.					

प्रश्न-पत्र कोड
Q.P. Code **430/S/3**

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें।

Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

नोट / NOTE :

- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ 23 हैं।
Please check that this question paper contains 23 printed pages.
- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं।
Please check that this question paper contains 38 questions.
- प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।
Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
- कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।
Please write down the serial number of the question in the answer-book before attempting it.
- इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है। प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा। 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे।
15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

गणित (बुनियादी)

MATHEMATICS (BASIC)



निर्धारित समय : 3 घण्टे

Time allowed : 3 hours

अधिकतम अंक : 80

Maximum Marks : 80

430/S/3

Page 1

P.T.O.



सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख्ती से पालन कीजिए :

- (i) इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं। सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
- (ii) यह प्रश्न-पत्र पाँच खण्डों में विभाजित है – क, ख ग, घ एवं ङ।
- (iii) खण्ड क में प्रश्न संख्या 1 से 18 तक बहुविकल्पीय (MCQ) तथा प्रश्न संख्या 19 एवं 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित 1 अंक के प्रश्न हैं।
- (iv) खण्ड ख में प्रश्न संख्या 21 से 25 तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के 2 अंकों के प्रश्न हैं।
- (v) खण्ड ग में प्रश्न संख्या 26 से 31 तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के 3 अंकों के प्रश्न हैं।
- (vi) खण्ड घ में प्रश्न संख्या 32 से 35 तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के 5 अंकों के प्रश्न हैं।
- (vii) खण्ड ङ में प्रश्न संख्या 36 से 38 तक प्रकरण अध्ययन आधारित 4 अंकों के प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रकरण अध्ययन में आंतरिक विकल्प 2 अंकों के प्रश्न में दिया गया है।
- (viii) प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है। यद्यपि, खण्ड ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड ग के 2 प्रश्नों में, खण्ड घ के 2 प्रश्नों में तथा खण्ड ङ के 3 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है।
- (ix) जहाँ आवश्यक हो स्वच्छ आकृतियाँ बनाइए। जहाँ आवश्यक हो $\pi = \frac{22}{7}$ लीजिए, यदि अन्यथा न दिया गया हो।
- (x) कैल्कुलेटर का उपयोग वर्जित है।

खण्ड क

इस खण्ड में 20 बहुविकल्पीय प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है।

20×1=20

1. यदि $\sin \theta = (\sqrt{2} - 1) \cos \theta$ है, तो :

(A) $\tan \theta = \sqrt{2} + 1$

(B) $\cot \theta = \sqrt{2} + 1$

(C) $\cot \theta = \sqrt{2} - 1$

(D) $\tan \theta = \sqrt{2}$

2. यदि किसी वृत्त की एक चाप की लंबाई, जो वृत्त के केंद्र पर कोण θ बनाती है, संख्यात्मक रूप में इसके द्वारा बनाए गए त्रिज्यखण्ड के क्षेत्रफल के बराबर है, तो वृत्त की त्रिज्या है :

(A) 1 इकाई

(B) 2 इकाइयाँ

(C) 3 इकाइयाँ

(D) $\frac{1}{2}$ इकाई



General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

- (i) This question paper contains **38** questions. **All** questions are **compulsory**.
- (ii) This question paper is divided into **five** Sections – **A, B, C, D** and **E**.
- (iii) In **Section A**, Questions no. **1** to **18** are Multiple Choice Questions (MCQs) and questions number **19** and **20** are Assertion-Reason based questions of **1** mark each.
- (iv) In **Section B**, Questions no. **21** to **25** are Very Short Answer (VSA) type questions, carrying **2** marks each.
- (v) In **Section C**, Questions no. **26** to **31** are Short Answer (SA) type questions, carrying **3** marks each.
- (vi) In **Section D**, Questions no. **32** to **35** are Long Answer (LA) type questions carrying **5** marks each.
- (vii) In **Section E**, Questions no. **36** to **38** are case study based questions carrying **4** marks each. Internal choice is provided in **2** marks questions in each case study.
- (viii) There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in **2** questions in Section B, **2** questions in Section C, **2** questions in Section D and **3** questions in Section E.
- (ix) Draw neat diagrams wherever required. Take $\pi = \frac{22}{7}$ wherever required, if not stated.
- (x) Use of calculator is **not** allowed.

SECTION A

This section has **20** Multiple Choice Questions (MCQs) carrying **1** mark each. 20×1=20

1. If $\sin \theta = (\sqrt{2} - 1) \cos \theta$, then :

- | | |
|----------------------------------|----------------------------------|
| (A) $\tan \theta = \sqrt{2} + 1$ | (B) $\cot \theta = \sqrt{2} + 1$ |
| (C) $\cot \theta = \sqrt{2} - 1$ | (D) $\tan \theta = \sqrt{2}$ |

2. If length of an arc of a circle subtending an angle θ at the centre is numerically equal to the area of the sector formed by it, then the radius of the circle is :

- | | |
|-------------|------------------------|
| (A) 1 unit | (B) 2 units |
| (C) 3 units | (D) $\frac{1}{2}$ unit |



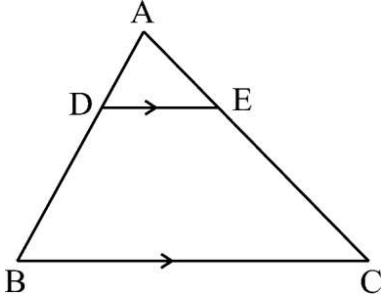
3. एक आँकड़े में 16 प्रेक्षण हैं जिन्हें उनके मूल्यों के अनुसार बढ़ते हुए क्रम में रखा गया है। आँकड़ों का माध्य, जिस प्रेक्षण का मान है, वह है :
- (A) 8वाँ प्रेक्षण
(B) 7वाँ प्रेक्षण
(C) 8वें तथा 9वें प्रेक्षणों का औसत
(D) 7वें तथा 8वें प्रेक्षणों का औसत
4. यदि त्रिज्या R वाले एक गोले का आयतन, त्रिज्या r वाले अर्धगोले के आयतन का 16 गुना है, तो $R : r$ है :
- (A) 1 : 2
(B) 2 : 1
(C) 8 : 1
(D) 1 : 8
5. यदि $a = 2^7 \cdot 3^{10}$ तथा $b = 2^3 \cdot 3^7$ है, तो HCF (a, b) है :
- (A) $2^7 \cdot 3^{10}$
(B) $2^{10} \cdot 3^{17}$
(C) $2^3 \cdot 3^7$
(D) $2^7 \cdot 3^7$
6. यदि समीकरण निकाय $2x + 3y = 5$ तथा $4x + ky = 10$ के अपरिमित रूप से अनन्त हल हैं, तो 'k' का मान है :
- (A) 1
(B) $\frac{1}{2}$
(C) $\frac{3}{2}$
(D) 6
7. एक वृत्त का केंद्र बिंदु $(2, -3)$ पर है। यदि किसी व्यास AB का बिंदु $A(3, -10)$ है, तो B के निर्देशांक हैं :
- (A) $(4, 1)$
(B) $(-4, 1)$
(C) $(1, 4)$
(D) $(-1, -4)$
8. समीकरण $4x^2 - 25 = 0$ के
- (A) कोई वास्तविक मूल नहीं हैं
(B) वास्तविक तथा समान मूल हैं
(C) वास्तविक तथा भिन्न मूल हैं
(D) एक ही चिह्न के वास्तविक मूल हैं



3. There are 16 observations arranged in increasing order of their values in a data. The median will be the value of :
- (A) 8th observation
(B) 7th observation
(C) average of 8th and 9th observations
(D) average of 7th and 8th observations
4. If the volume of a sphere of radius R is equal to 16 times the volume of a hemisphere of radius r, then R : r is :
- (A) 1 : 2
(B) 2 : 1
(C) 8 : 1
(D) 1 : 8
5. If $a = 2^7 \cdot 3^{10}$ and $b = 2^3 \cdot 3^7$, then HCF (a, b) is :
- (A) $2^7 \cdot 3^{10}$
(B) $2^{10} \cdot 3^{17}$
(C) $2^3 \cdot 3^7$
(D) $2^7 \cdot 3^7$
6. If the system of equations $2x + 3y = 5$ and $4x + ky = 10$ has infinitely many solutions, then the value of 'k' is :
- (A) 1
(B) $\frac{1}{2}$
(C) $\frac{3}{2}$
(D) 6
7. The centre of a circle is at (2, - 3). If one end point of the diameter AB is A(3, - 10), then the coordinates of B are :
- (A) (4, 1)
(B) (- 4, 1)
(C) (1, 4)
(D) (- 1, - 4)
8. The equation $4x^2 - 25 = 0$ has :
- (A) no real roots
(B) real and equal roots
(C) real and distinct roots
(D) real roots of same sign



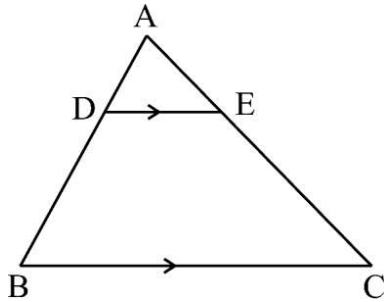
9. दी गई आकृति में, यदि $\triangle ABC$ में, $DE \parallel BC$ है, तो निम्नलिखित में से कौन-सी समिका सत्य है ?



- (A) $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{CE}$ (B) $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$
(C) $\frac{AD}{BD} = \frac{AE}{AC}$ (D) $\frac{AD}{AB} = \frac{AC}{AE}$
10. एक रेखा जो एक वृत्त को दो भिन्न बिंदुओं पर काटती है, कहलाती है :
(A) जीवा (B) स्पर्श-रेखा
(C) छेदक रेखा (D) व्यास
11. यदि $\tan A = \frac{3}{4}$ है, तो $\frac{\sin^2 A + \cos^2 A}{\sec A}$ बराबर है :
(A) $\frac{4}{3}$ (B) $\frac{4}{5}$
(C) $\frac{3}{5}$ (D) $\frac{5}{4}$
12. एक कार एक 30 m ऊँची मीनार के आधार से दूर जा रही है। जब यह कार मीनार के आधार से $10\sqrt{3}$ m की दूरी पर है, तब इससे मीनार के शिखर का उन्नयन कोण है :
(A) 30° (B) 45°
(C) 90° (D) 60°
13. त्रिज्या r वाले वृत्त पर जब एक चाप वृत्त के केंद्र पर 90° का कोण अंतरित करती है, तो संगत वृत्त के त्रिज्यखण्ड का क्षेत्रफल है :
(A) $\frac{1}{6} \pi r^2$ (B) $\frac{1}{4} \pi r^2$
(C) $\frac{1}{2} \pi r^2$ (D) πr^2



9. In the given figure, if in ΔABC , $DE \parallel BC$, then which of the following equality holds ?



- (A) $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{CE}$ (B) $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$
(C) $\frac{AD}{BD} = \frac{AE}{AC}$ (D) $\frac{AD}{AB} = \frac{AC}{AE}$
10. A line which intersects a circle in two distinct points, is called a :

- (A) chord (B) tangent
(C) secant (D) diameter

11. If $\tan A = \frac{3}{4}$, then $\frac{\sin^2 A + \cos^2 A}{\sec A}$ is equal to :

- (A) $\frac{4}{3}$ (B) $\frac{4}{5}$
(C) $\frac{3}{5}$ (D) $\frac{5}{4}$

12. A car is moving away from the base of a 30 m high tower. The angle of elevation of the top of the tower from the car at an instant, when the car is $10\sqrt{3}$ m away from the base of the tower, is :

- (A) 30° (B) 45°
(C) 90° (D) 60°

13. When degree measure of an angle subtended by an arc at the centre of a circle is 90° , the area of the corresponding sector of the circle of radius r, is :

- (A) $\frac{1}{6} \pi r^2$ (B) $\frac{1}{4} \pi r^2$
(C) $\frac{1}{2} \pi r^2$ (D) πr^2



14. प्रथम सौ प्राकृत संख्याओं में से यादृच्छया एक 2-अंकों वाली संख्या चुनने की प्रायिकता है :
- (A) $\frac{9}{100}$ (B) $\frac{9}{10}$
(C) $\frac{91}{100}$ (D) $\frac{89}{100}$
15. संख्याओं $-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$ में से यादृच्छया एक संख्या चुनी गई। इस चुनी गई संख्या के वर्ग के 1 या 1 से कम होने की प्रायिकता है :
- (A) $\frac{1}{7}$ (B) $\frac{2}{7}$
(C) $\frac{3}{7}$ (D) $\frac{5}{7}$
16. सबसे छोटी विषम अभाज्य संख्या तथा 2-अंकों की सबसे बड़ी संख्या का ल.स. (LCM) है :
- (A) 1 (B) 99
(C) 297 (D) 300
17. यदि द्विघात समीकरण $x^2 - 4x + 3 = 0$ का एक मूल 1 है, तो दूसरा मूल है :
- (A) 4 (B) -4
(C) 3 (D) -3
18. निम्नलिखित में से कौन-सी दो त्रिभुजों की समरूपता की कसौटी **नहीं** है ?
- (A) SAS (B) SSS
(C) AAA (D) RHS

प्रश्न संख्या 19 और 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित प्रश्न हैं। दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है। इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (A), (B), (C) और (D) में से चुनकर दीजिए।

- (A) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है।
- (B) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या **नहीं** करता है।
- (C) अभिकथन (A) सही है, परन्तु तर्क (R) ग़लत है।
- (D) अभिकथन (A) ग़लत है, परन्तु तर्क (R) सही है।



14. The probability of selecting at random a 2-digit number from the first hundred natural numbers, is :
- (A) $\frac{9}{100}$ (B) $\frac{9}{10}$
(C) $\frac{91}{100}$ (D) $\frac{89}{100}$
15. A number is chosen at random from the numbers $-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$. The probability that square of this number is less than or equal to 1 is :
- (A) $\frac{1}{7}$ (B) $\frac{2}{7}$
(C) $\frac{3}{7}$ (D) $\frac{5}{7}$
16. The LCM of the smallest odd prime number and greatest 2-digit number, is :
- (A) 1 (B) 99
(C) 297 (D) 300
17. If one root of the quadratic equation $x^2 - 4x + 3 = 0$ is 1, then the other root is :
- (A) 4 (B) -4
(C) 3 (D) -3
18. Which of the following is **not** the criterion for similarity of two triangles ?
- (A) SAS (B) SSS
(C) AAA (D) RHS

Questions number 19 and 20 are Assertion and Reason based questions. Two statements are given, one labelled as Assertion (A) and the other labelled as Reason (R). Select the correct answer to these questions from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.

- (A) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of Assertion (A).
(B) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is **not** the correct explanation of Assertion (A).
(C) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.
(D) Assertion (A) is false, but Reason (R) is true.



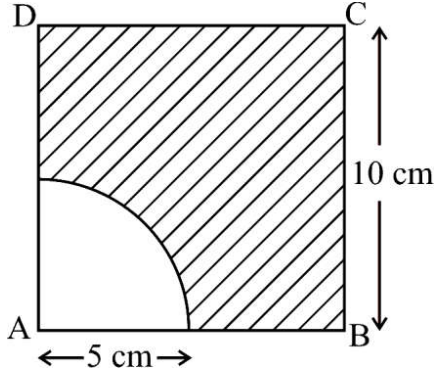
19. अभिकथन (A) : बिंदु $(-3, 5)$ की x-अक्ष से दूरी 3 इकाई है।
तर्क (R) : एक बिंदु का भुज उसकी y-अक्ष से दूरी निर्धारित करता है।
20. अभिकथन (A) : $2 + \sqrt{2}$ एक अपरिमेय संख्या है।
तर्क (R) : एक शून्येतर परिमेय संख्या तथा एक अपरिमेय संख्या का योगफल हमेशा एक अपरिमेय संख्या होती है।

खण्ड ख

इस खण्ड में 5 अति लघु उत्तर वाले प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं।

5×2=10

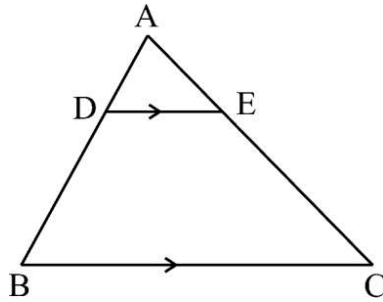
21. दी गई आकृति में, ABCD, 10 cm भुजा का एक वर्ग है। एक शीर्ष से 5 cm त्रिज्या का एक त्रिज्यखण्ड काटा गया है। छायांकित क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। ($\pi = 3.14$ लीजिए)



22. x तथा y के लिए हल कीजिए :

$$x + \frac{y}{2} = 4 \text{ तथा } \frac{x}{3} + 2y = 5$$

23. (a) दी गई आकृति में, ABC एक त्रिभुज है जिसमें $DE \parallel BC$, $AD = 3$ cm, $BD = 4$ cm तथा $AC = 14$ cm है। AE की लंबाई ज्ञात कीजिए।



अथवा



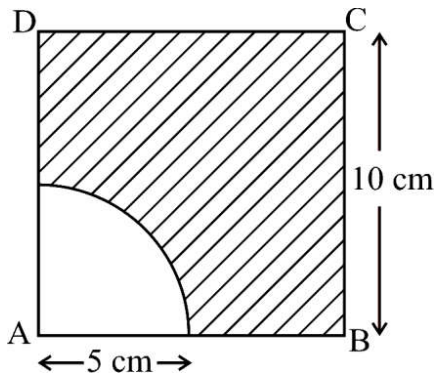
19. *Assertion (A)* : The distance of the point $(-3, 5)$ from the x-axis is 3 units.
Reason (R) : Abscissa of a point gives the distance of the point from the y-axis.
20. *Assertion (A)* : $2 + \sqrt{2}$ is an irrational number.
Reason (R) : The sum of a non-zero rational number and an irrational number is always an irrational number.

SECTION B

This section has 5 Very Short Answer (VSA) type questions of 2 marks each.

$5 \times 2 = 10$

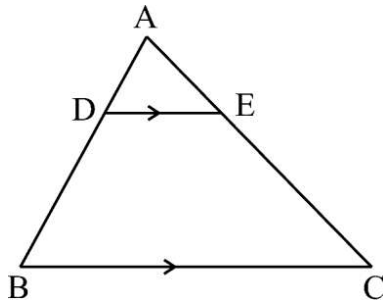
21. In the given figure, ABCD is a square of side 10 cm. A sector of radius 5 cm is cut out from one of the corners. Find the area of the shaded region. (Take $\pi = 3.14$)



22. Solve for x and y :

$$x + \frac{y}{2} = 4 \quad \text{and} \quad \frac{x}{3} + 2y = 5$$

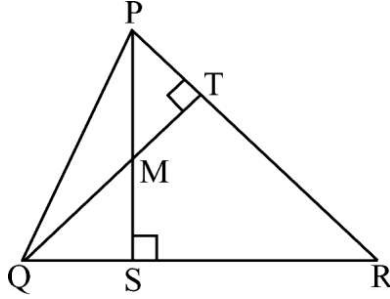
23. (a) In the given figure, ABC is a triangle in which $DE \parallel BC$, $AD = 3$ cm, $BD = 4$ cm and $AC = 14$ cm. Find the length of AE.



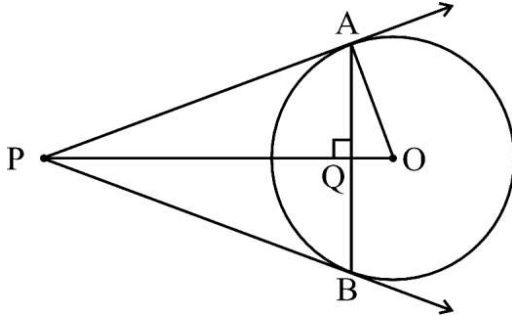
OR



- (b) दी गई आकृति में, PQR एक त्रिभुज है जिसमें PS तथा QT, क्रमशः बिंदुओं P तथा Q से खींचे गए शीर्षलंब हैं, जो एक-दूसरे को M पर काटते हैं। सिद्ध कीजिए कि $\Delta QSM \sim \Delta PTM$.



24. दी गई आकृति में, 10 cm त्रिज्या वाले एक वृत्त की एक जीवा AB की लंबाई 16 cm है। A तथा B पर खींची गई स्पर्श-रेखाएँ P पर मिलती हैं। PA की लंबाई ज्ञात कीजिए।



25. (a) यदि $\tan A = \sqrt{3}$ है, तो $\cos^2 A - \sin^2 A$ का मान ज्ञात कीजिए।

अथवा

- (b) यदि $x \sin 60^\circ + \cos 30^\circ - \tan 45^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ है, तो x का मान ज्ञात कीजिए।

खण्ड ग

इस खण्ड में 6 लघु उत्तर वाले प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं।

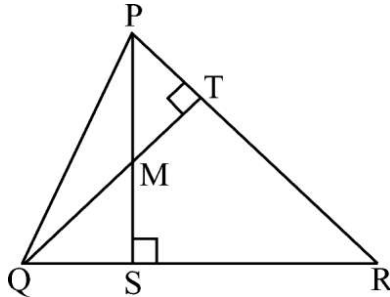
$6 \times 3 = 18$

26. एक पासे की संख्याओं को प्रथम छह सम संख्याओं से बदल दिया जाता है। इस पासे को एक बार उछालने पर, पासे पर निम्नलिखित के आने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए :

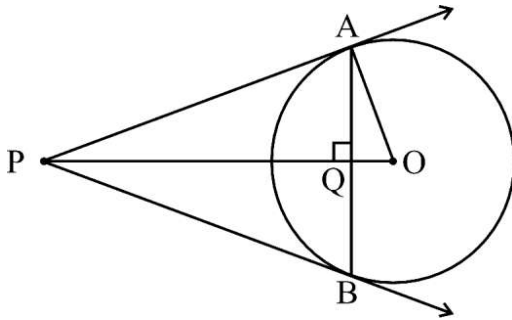
- 4 से बड़ी संख्या
- 3 से भाज्य संख्या
- 10 का गुणज न हो



- (b) In the given figure, PQR is a triangle in which PS and QT are altitudes from P and Q respectively, intersecting each other at M. Prove that $\Delta QSM \sim \Delta PTM$.



24. In the given figure, AB is a chord of length 16 cm of a circle of radius 10 cm. The tangents at A and B meet at P. Find the length of PA.



25. (a) If $\tan A = \sqrt{3}$, then find the value of $\cos^2 A - \sin^2 A$.

OR

- (b) If $x \sin 60^\circ + \cos 30^\circ - \tan 45^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, find the value of x.

SECTION C

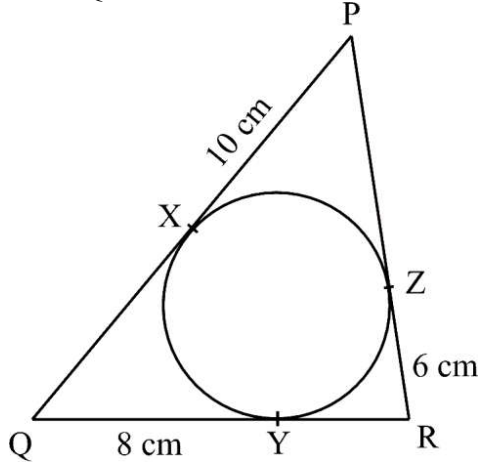
This section has 6 Short Answer (SA) type questions of 3 marks each.

6×3=18

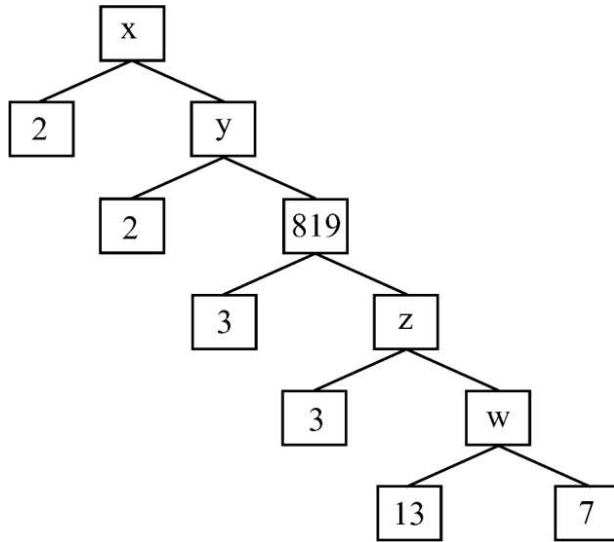
26. The numbers on a die are replaced by the first six even numbers. The die is rolled once. Find the probability that the number appearing on the die is :
- greater than 4
 - divisible by 3
 - not a multiple of 10



27. दी गई आकृति में, एक वृत्त के परिगत एक त्रिभुज PQR है। यदि $PX = 10$ cm, $QY = 8$ cm तथा $RZ = 6$ cm है, तो ΔPQR का परिमाण ज्ञात कीजिए।



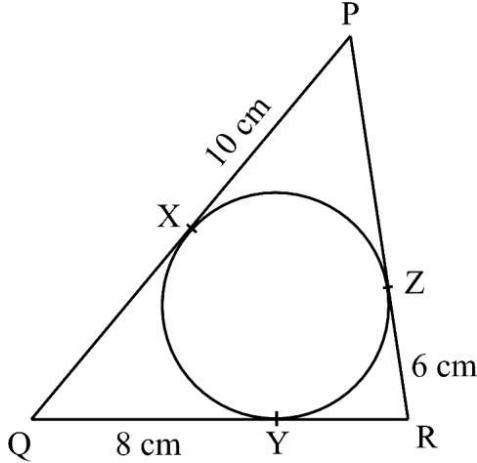
28. (a) सिद्ध कीजिए कि $\sqrt{5}$ एक अपरिमेय संख्या है।
अथवा
(b) निम्नलिखित गुणनखण्ड-वृक्ष से x , y , z तथा w के मान ज्ञात कीजिए। x का अभाज्य गुणनखण्डन भी लिखिए।



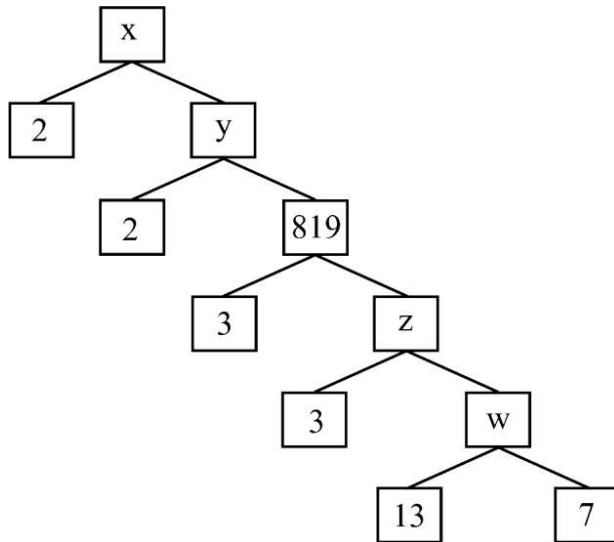
29. बहुपद $4\sqrt{3}x^2 + 5x - 2\sqrt{3}$ के शून्यक ज्ञात कीजिए तथा शून्यकों तथा गुणांकों के बीच संबंध की सत्यता स्थापित कीजिए।
30. (a) निम्नलिखित रैखिक समीकरण निकाय को आलेख द्वारा हल कीजिए :
 $x + 2y = 6$ तथा $3x - 2y = 2$
इन रेखाओं तथा y -अक्ष द्वारा बने त्रिभुज के शीर्षों के निर्देशांक भी लिखिए।
अथवा



27. In the given figure, ΔPQR circumscribes the circle. If $PX = 10$ cm, $QY = 8$ cm and $RZ = 6$ cm, then find the perimeter of ΔPQR .



28. (a) Prove that $\sqrt{5}$ is an irrational number.
OR
 (b) Find the values of x, y, z and w in the following factor tree. Also, write the prime factorisation of x .



29. Find the zeroes of the polynomial $4\sqrt{3}x^2 + 5x - 2\sqrt{3}$ and verify the relationship between the zeroes and its coefficients.
30. (a) Solve the following system of linear equations graphically :
 $x + 2y = 6$ and $3x - 2y = 2$
 Also, write the coordinates of the vertices of the triangle formed by these lines and y-axis.

OR



- (b) 16 वर्ष पहले, अपनी शादी के समय अजय की आयु अपनी पत्नी की आयु से 5 वर्ष अधिक थी। पत्नी तथा अजय की वर्तमान आयु में 8 : 9 का अनुपात है। उनकी शादी के समय की आयु ज्ञात कीजिए।

31. $(\operatorname{cosec} \theta - \sin \theta)(\sec \theta - \cos \theta)(\tan \theta + \cot \theta)$ को सरल कीजिए।

खण्ड घ

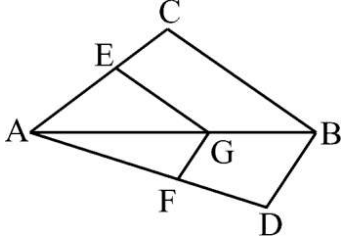
इस खण्ड में 4 दीर्घ उत्तर प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं।

4×5=20

32. यदि किसी त्रिभुज की एक भुजा के समांतर अन्य दो भुजाओं को भिन्न-भिन्न बिंदुओं पर प्रतिच्छेद करने के लिए एक रेखा खींची जाए, तो सिद्ध कीजिए कि यह अन्य दो भुजाओं को समान अनुपात में बाँटती है।

उपर्युक्त के प्रयोग से निम्न को सिद्ध कीजिए :

दी गई आकृति में, यदि $EG \parallel CB$ तथा $FG \parallel DB$ है, तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{AE}{EC} = \frac{AF}{FD}$.



33. एक बर्तन एक अर्धगोलाकार कटोरे पर अध्यारोपित एक खोखले बेलन के आकार का है। अर्धगोले का व्यास 14 cm है तथा बर्तन की कुल ऊँचाई 21 cm है। इस बर्तन को अन्दर तथा बाहर दोनों ओर ₹ 2.50/cm² की दर से विद्युत्-लेपन (इलेक्ट्रोप्लेटिंग) करवाने का खर्च ज्ञात कीजिए। (यह मानते हुए कि बर्तन की मोटाई नगण्य है)
34. (a) निम्नलिखित बंटन में एक इलाके के 64 बच्चों का साप्ताहिक जेब खर्च दर्शाया गया है। यदि माध्य जेब खर्च ₹ 180 है, तो x तथा y के मान ज्ञात कीजिए।

जेब खर्च (₹ में)	बच्चों की संख्या
110 – 130	7
130 – 150	6
150 – 170	9
170 – 190	13
190 – 210	x
210 – 230	5
230 – 250	y

अथवा



- (b) 16 years ago, at the time of marriage, Ajay was 5 years elder to his wife. The present ages of the wife and Ajay are in the ratio 8 : 9. Find their ages at the time of their marriage.

31. Simplify : $(\operatorname{cosec} \theta - \sin \theta)(\sec \theta - \cos \theta)(\tan \theta + \cot \theta)$.

SECTION D

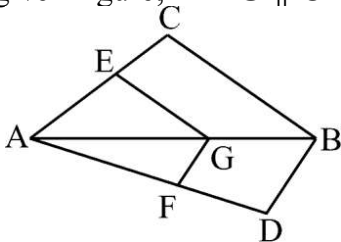
This section has 4 Long Answer (LA) type questions of 5 marks each.

4×5=20

32. If a line is drawn parallel to one side of a triangle intersecting the other sides in distinct points, prove that it divides the other sides in the same ratio.

Use the above result to prove the following :

In the given figure, if $EG \parallel CB$ and $FG \parallel DB$, then prove that $\frac{AE}{EC} = \frac{AF}{FD}$.



33. A vessel is in the form of a hemispherical bowl surmounted by a hollow cylinder. The diameter of the hemisphere is 14 cm and the total height of the vessel is 21 cm. Find the cost of electroplating the vessel from inside as well as outside @ ₹ 2.50/cm². (Assuming that thickness of the vessel is negligible)
34. (a) The following distribution shows the weekly pocket allowance of 64 children of a locality. If the mean pocket allowance is ₹ 180, find the values of x and y.

Pocket allowance (in ₹)	Number of children
110 – 130	7
130 – 150	6
150 – 170	9
170 – 190	13
190 – 210	x
210 – 230	5
230 – 250	y

OR



(b) निम्नलिखित आँकड़ों का बहुलक ज्ञात कीजिए :

वर्ग	1 - 3	3 - 5	5 - 7	7 - 9	9 - 11
बारंबारता	7	8	2	2	1

यदि उपर्युक्त आँकड़ों का माध्य 4.2 है, तो आनुभविक संबंध से माध्यक ज्ञात कीजिए।

35. (a) दो क्रमागत सम धन पूर्णांक ज्ञात कीजिए जिनके वर्गों का योगफल 884 है।

अथवा

(b) x के लिए हल कीजिए :

$$\frac{1500}{x} - \frac{1}{2} = \frac{1500}{x + 250}$$

खण्ड डः

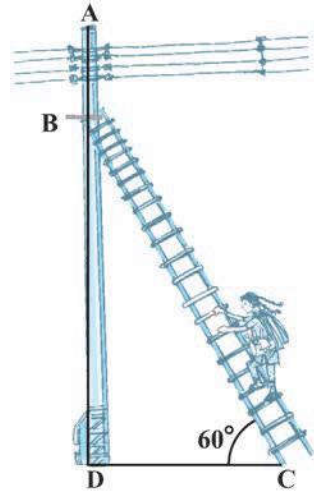
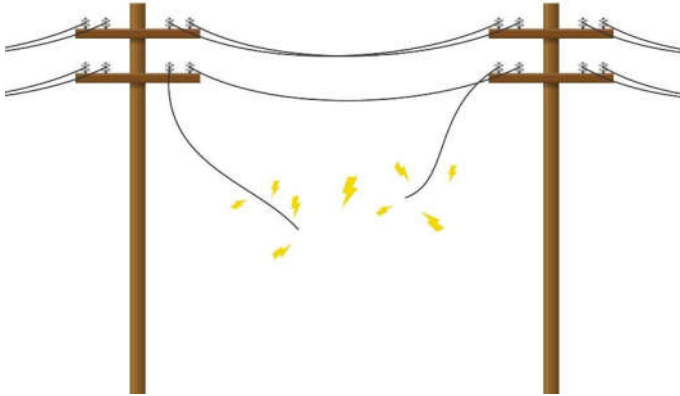
इस खण्ड में 3 प्रकरण अध्ययन आधारित/उद्गम आधारित/परिच्छेद आधारित प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं।

3×4=12

प्रकरण अध्ययन - 1

36. बिजली के खंभे पर शॉर्ट-सर्किट कई कारणों से हो सकता है, जैसे

- (a) यदि इन्सूलेशन क्षतिग्रस्त अथवा पुराना है, तो वह गर्म (विद्युत ले जाने वाली) तारों को न्यूट्रल से छूने दे सकता है, जिससे शॉर्ट-सर्किट होता है।
- (b) यदि कोई ढीले तार कनेक्शन अथवा संलग्न हों, तो यह जीवित और न्यूट्रल तारों को छूने देता है।





(b) Find the mode of the following data :

Class	1 – 3	3 – 5	5 – 7	7 – 9	9 – 11
Frequency	7	8	2	2	1

If mean = 4.2, then find the median using empirical relationship.

35. (a) Find two consecutive even positive integers, sum of whose squares is 884.

OR

(b) Solve for x :

$$\frac{1500}{x} - \frac{1}{2} = \frac{1500}{x + 250}$$

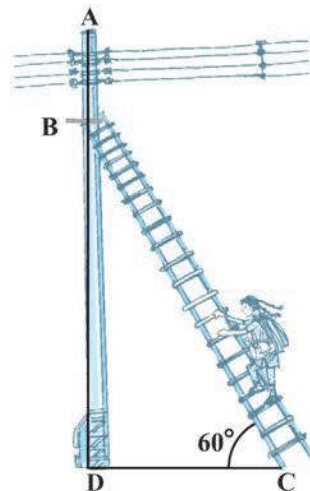
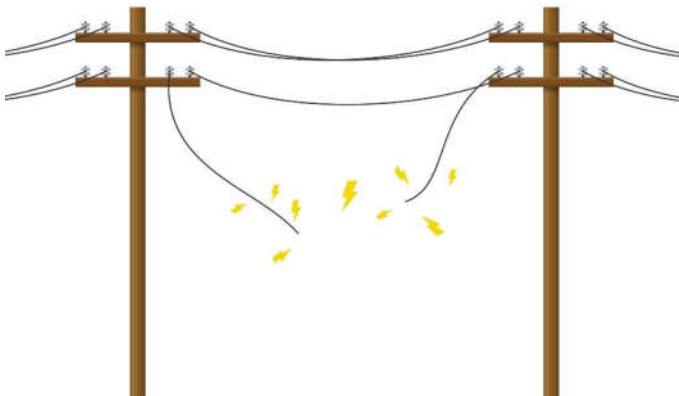
SECTION E

This section has 3 case study based/source based/passage based/integrated units of assessment of 4 marks each with sub-parts. $3 \times 4 = 12$

Case Study – 1

36. A short circuit can happen on electric poles due to several reasons, like

- (a) If the insulation is damaged or old, it may allow the hot wires to touch with neutral. This will cause a short circuit.
- (b) If there are any loose wire connections or attachments, it will allow the live and neutral wires to touch.





एक इलैक्ट्रीशियन को 5 m ऊँचे खंभे पर एक बिजली की खराबी ठीक करनी है जिसके लिए उसे खंभे के शिखर से 1 m नीचे तक पहुँचना है ताकि रिपेयर का काम कर सके।

उपर्युक्त जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) वह कितनी लंबी सीढ़ी का प्रयोग करे, जो क्षैतिज दिशा से 60° के कोण पर झुकी होने पर निश्चित स्थान पर पहुँच सके ? 2

(ii) (a) खंभे के पाद से, उसे कितनी दूरी पर सीढ़ी को रखना चाहिए ? 2

अथवा

(b) यदि सीढ़ी की दूरी, खंभे के पाद से 4 m है, तो सीढ़ी की लम्बाई क्या होगी ? 2

प्रकरण अध्ययन – 2

37. मैराथन एक लंबी दूरी की पैदल दौड़ है, जिसकी दूरी 42.195 km है। आमतौर पर इसे सड़क दौड़ के रूप में चलाया जाता है, लेकिन दूरी को ट्रेल रूट पर तय किया जा सकता है। मैराथन को दौड़ कर या दौड़ने/चलने की रणनीति के साथ पूरा किया जा सकता है। मैराथन 1896 में मूल आधुनिक ओलंपिक आयोजनों में से एक था।



कक्षा X की छात्रा नेहा, मैराथन में भाग लेना चाहती है। उसने धीरे-धीरे अपनी दौड़ की दूरी बढ़ा कर अपना अभ्यास शुरू करने का निर्णय लिया। पहले सप्ताह में, उसने प्रतिदिन 3 km दौड़ने का निर्णय लिया तथा प्रति सप्ताह इस दूरी को 2 km बढ़ाने का फैसला लिया, अर्थात् दूसरे सप्ताह के प्रतिदिन वह 5 km दौड़ेगी तथा तीसरे सप्ताह के प्रतिदिन 7 km दौड़ेगी, इसी प्रकार वह अपनी दूरी बढ़ाएगी।

उपर्युक्त जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) अपने अभ्यास के 8वें सप्ताह के प्रत्येक दिन नेहा कितनी दूरी दौड़ेगी ? 1

(ii) किस सप्ताह में, वह प्रतिदिन 45 km दौड़ पाएगी ? 1

(iii) (a) यदि नेहा ने प्रति सप्ताह में 5 दिन अभ्यास किया है, तो 11वें सप्ताह के पश्चात् नेहा ने कुल कितनी दूरी तय की ? 2

अथवा



An electrician has to repair an electric fault on a pole of height 5 m. He needs to reach a point 1 m below the top of the pole to undertake the repair work.

Based on the above information, answer the following questions :

- (i) What should be the length of the ladder that he should use which, when inclined at an angle of 60° to the horizontal, enables him to reach the required position ? 2
- (ii) (a) How far from the foot of the pole should he place the foot of the ladder ? 2

OR

- (b) What is the length of the ladder if its foot is kept at a distance of 4 m from the foot of the pole ? 2

Case Study – 2

37. The marathon is a long-distance foot race with a distance of 42.195 km, usually run as a road race, but the distance can be covered on trail routes. The marathon can be completed by running or with a run/walk strategy. The marathon was one of the original modern Olympic events in 1896.



Neha, a student of class X, wishes to participate in a marathon. She decided to begin her practice by gradually increasing her running distance. In the first week, she decided to run 3 km each day and increase the distance by 2 km each week, i.e., in the second week she would run 5 km each day, in the third week she would run 7 km each day and so on.

Based on the above information, answer the following questions :

- (i) What distance will Neha cover each day of the 8th week of her practice ? 1
- (ii) In which week would she be able to run for 45 km each day ? 1
- (iii) (a) What is the total distance covered by Neha after 11 weeks, if she practised for 5 days in each week ? 2

OR

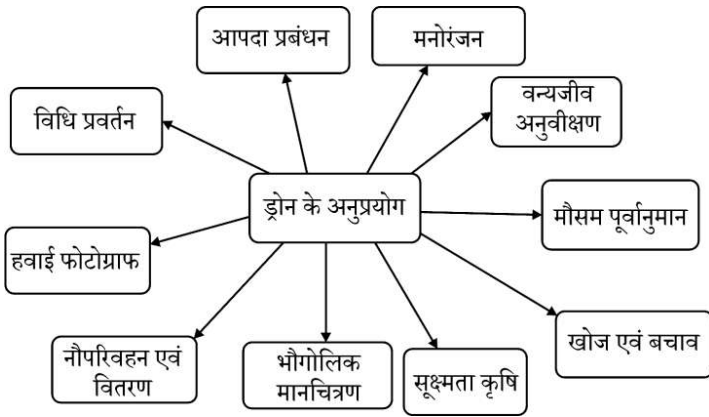


- (b) यदि उसने प्रत्येक सप्ताह में दूरी 2 km के स्थान पर 3 km बढ़ाई होती, तो कितने सप्ताहों में उसने अपने-आप को 42 km प्रतिदिन दौड़ने के लिए तैयार कर लिया होता ?

2

प्रकरण अध्ययन – 3

38. ड्रोन का प्रयोग सेना द्वारा निगरानी के लिए किया जाता है। आजकल ड्रोन का उपयोग व्यक्तिगत उद्यमियों, एस.एम.ई. और बड़ी कम्पनियों द्वारा विभिन्न अन्य कार्यों को पूरा करने के लिए भी किया जाता है।



एक ड्रोन एक आयताकार क्षेत्र के ऊपर उड़ रहा है जिसके शीर्ष $A(-100, 0)$, $B(100, 0)$, $C(100, 150)$ तथा $D(-100, 150)$ पर हैं। ड्रोन एक स्थान (x, y) पर एक छवि बनाता है।

उपर्युक्त जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

- (i) आयताकार क्षेत्र की विमाएँ ज्ञात कीजिए। 1
- (ii) बिंदुओं A तथा C के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए। 1
- (iii) (a) यदि ड्रोन किसी वस्तु $P(x, y)$ का प्रतिबिंब आयताकार क्षेत्र में बनाता है, तो x तथा y में संबंध ज्ञात कीजिए जहाँ $PA = PC$ है। 2

अथवा

- (b) यदि ड्रोन किसी वस्तु का प्रतिबिंब बिंदु Q पर प्राप्त करता है जिसका x -निर्देशांक 0 है तथा यह बिंदुओं A तथा D से समदूरस्थ है, तो Q के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। 2

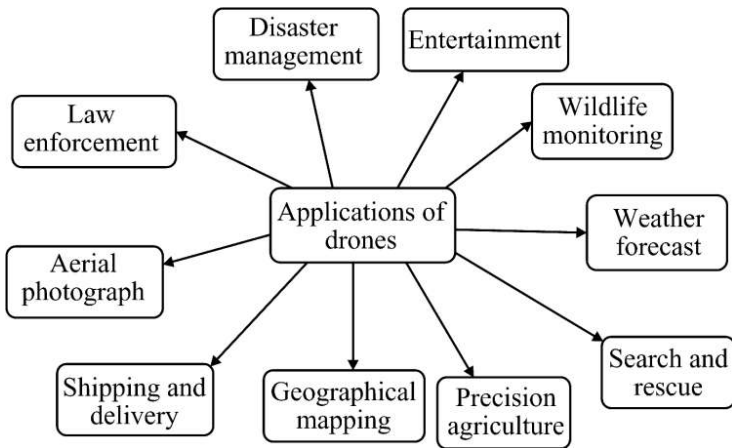


- (b) Had she increased the distance by 3 km each week instead of 2 km each week, in how many weeks would she have trained herself to run for 42 km per day ?

2

Case Study – 3

38. Drones are used by military for surveillance purposes. These days, drones are also used by individual entrepreneurs, SMEs and large companies to accomplish various other tasks.



A drone is flying over a rectangular field with vertices at $A(-100, 0)$, $B(100, 0)$, $C(100, 150)$ and $D(-100, 150)$. The drone captures an image at a location (x, y) .

Based on the above information, answer the following questions :

- (i) Find the dimensions of the rectangular field. 1
- (ii) Find the distance between points A and C. 1
- (iii) (a) If a drone captures the image of an object $P(x, y)$ on the rectangular field, find the relation between x and y such that $PA = PC$. 2

OR

- (b) If a drone captures the image of an object at a point Q whose x coordinate is 0 and it is equidistant from points A and D, find the coordinates of Q. 2